

Prof. Dr. Alfred Toth

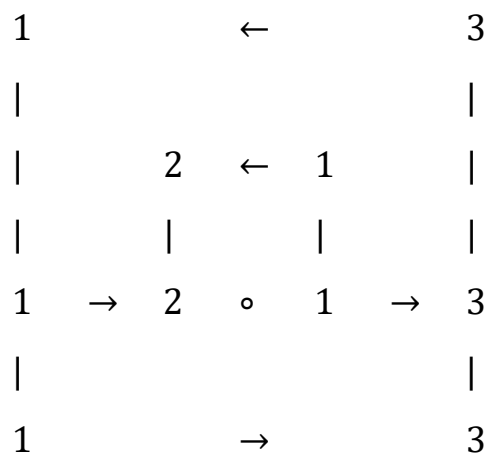
Kompositionsprodukte von Zeichenklassen und deren Umgebungen

1. Aus der von Bense (1980) definierten Primzeichenrelation

$$Z = (1, 2, 3)$$

kann man den folgenden Diamond konstruieren (vgl. Kaehr 2007).

$$\mathfrak{D}(Z) =$$

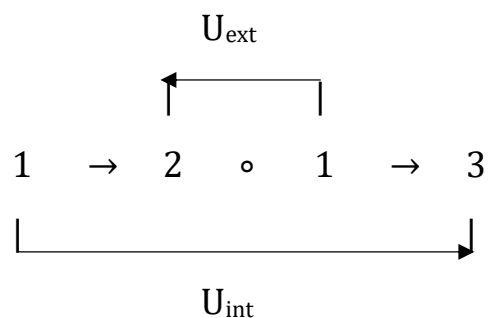


Dann ist

$$U(\text{ext}) = (2 \leftarrow 1)$$

$$U(\text{int}) = (1 \rightarrow 3),$$

graphisch



2. Nach Toth (2025a, b) wird das sog. Kompositionsprodukt (KP) auf der Basis von $U(\text{int})$ definiert. In der folgenden Tabelle stellen wir die 10 Zeichenklassen, ihre KP, $U(\text{int})$ und $U(\text{ext})$ zusammen.

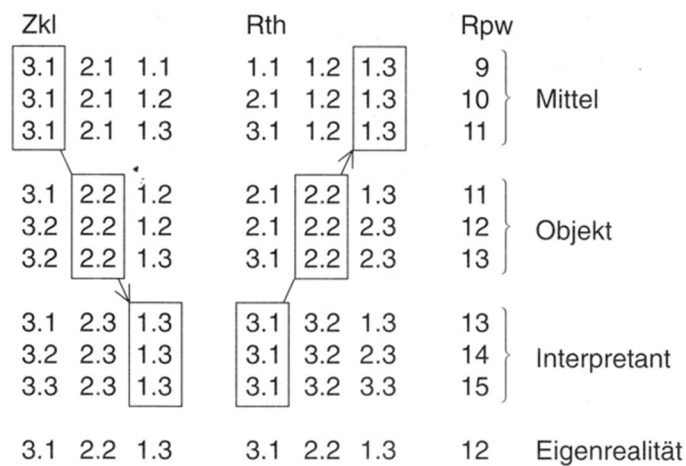
ZKln	KP	$U(\text{int})$	$U(\text{ext})$
3.1 2.1 1.1	(3.1, 2.1, 3.1)	(3.1)	(1.1)
3.1 2.1 1.2	(3.1, 2.2, 3.2)	(3.2)	(1.1)

3.1	2.1	1.3	(3.1, 2.3, 3.3)	(3.3)	(1.1)
3.1	2.2	1.2	(3.2, 2.2, 3.2)	(3.2)	(1.2)
3.1	2.2	1.3	(3.2, 2.3, 3.3)	(3.3)	(1.2)
3.1	2.3	1.3	(3.3, 2.3, 3.3)	(3.3)	(1.3)
3.2	2.2	1.2	(3.2, 2.2, 3.2)	(3.2)	(2.2)
3.2	2.2	1.3	(3.2, 2.3, 3.3)	(3.3)	(2.2)
3.2	2.3	1.3	(3.3, 2.3, 3.3)	(3.3)	(2.3)
3.3	2.3	1.3	(3.3, 2.3, 3.3)	(3.3)	(3.3)

Die 10 ZKln werden also auf nur 6 Kompositionsklassen abgebildet:

(3.1, 2.1, 3.1) (3.2, 2.2, 3.2) (3.3, 2.3, 3.3)
 (3.1, 2.2, 3.2) (3.2, 2.3, 3.3)
 (3.1, 2.3, 3.3).

Als Anwendungsbeispiel der KP von ZKln stehen die drei Trichotomischen Triaden. Die folgende Darstellung stammt aus Bense (1992, S. 76).



1. Trichotomische Triade

(3.1 2.1 1.1) (3.1 2.1 1.2) (3.1 2.1 1.3)
 (3.1) (2.1) (3.1) (2.2) (3.1) (2.3)
 (3.1) < (3.2) < (3.3)

2. Trichotomische Triade

$$\begin{array}{ccccc}
 (3.1 & 2.2 & 1.2) & (3.2 & 2.2 & 1.2) & (3.2 & 2.2 & 1.3) \\
 (3.2) & & (2.2) & (3.2) & & (2.2) & (3.2) & & (2.3) \\
 (3.2) & & = & (3.2) & & < & (3.3)
 \end{array}$$

3. Trichotomische Triade

$$\begin{array}{ccccc}
 (3.1 & 2.3 & 1.3) & (3.2 & 2.3 & 1.3) & (3.3 & 2.3 & 1.3) \\
 (3.3) & & (2.3) & (3.3) & & (2.3) & (3.3) & & (2.3) \\
 (3.3) & & = & (3.3) & & = & (3.3)
 \end{array}$$

Auf KP-Ebene ist somit eine lineare Progression der generativen Selektionsfolge in den Interpretantenbezügen der drei Trichotomischen Triaden erkennbar:

$$\begin{array}{ccccc}
 (3.1) & < & (3.2) & < & (3.3) \\
 (3.2) & = & (3.2) & < & (3.3) \\
 (3.3) & = & (3.3) & = & (3.3)
 \end{array}$$

Literatur

Bense, Max, Die Einführung der Primzeichen. In: Ars Semeiotica 3/3, 1980, S. 287-294

Bense, Max, Die Eigenrealität der Zeichen. Baden-Baden 1992

Kaehr, Rudolf, The Book of Diamonds. Glasgow, U.K. 2007

Toth, Alfred, Semiotische Kompositionsprodukte. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025a

Toth, Alfred, Kompositionsprodukte und Bifunktorprodukte. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025b

4.10.2025